WiSe 2017/18 16.10.2017

Technische Universität Berlin Fakultät II – Mathematik und Naturwissenschaften Institut für Mathematik

StR.i.HD. Albrecht Gündel-vom Hofe

1. Aufgabenblatt zur

"Mathematik III für die Beruflichen Fachrichtungen"

(Abgabe der Hausaufgaben: 23.10.2017 in der VL)

62. Aufgabe:

Zu folgenden komplexen Zahlen $z \in \mathbf{C}$ gebe man - nach eventueller Umformung - jeweils $Re\ z$, $Im\ z$, z sowie |z| und $arg\ z$ - und zwar im Grad- $und\ Bogenma \mathcal{B}$ - an. Veranschaulichen Sie außerdem geometrisch jeweils z und z in der Gaußschen Zahlenebene:

Ü (a)
$$z = -1 + i$$
, **Ü** (b) $z = \sqrt{5} - i$, **Ü** (c) $z = (2 - i)^3$, **Ü** (d) $z = \frac{\sqrt{2}}{1 - i}$,

H (e)
$$z = 1 + \sqrt{3}i$$
, **H** (f) $z = -\sqrt{2} - \sqrt{2}i$, **H** (g) $z = (-1+i)^8$, **H** (h) $z = \frac{\sqrt{3}-i}{1+i}$

Tipp zu (d) und (h): Führen Sie für den Nenner geschickt die 3. Binomische Formel ins Feld.

15,0

63. Aufgabe:

Gegeben seien die komplexen Zahlen u=2+3i, v=5-i und w=1+i $(u,v,w\in \mathbb{C})$. Man berechne (unter Zuhilfenahme von $i^2=-1$):

$$\ddot{\mathbf{U}}$$
 (a) $z = 2u + 3v$, $\ddot{\mathbf{U}}$ (b) $z = 3u - 2v$, \mathbf{H} (c) $z = 3u \cdot v + w^2$, $\ddot{\mathbf{U}}$ (d) $z = w^3$,

$$\ddot{\mathbf{U}} \text{ (e) } z = \frac{1}{w} \text{ , } \mathbf{H} \text{ (f) } z = \frac{u}{v} \text{ , } \ddot{\mathbf{U}} \text{ (g) } z = \left(\frac{w}{\overline{w}}\right)^2 \text{ , } \ddot{\mathbf{U}} \text{ (h) } z = \frac{u^2}{v \cdot w} \text{ , } \mathbf{H} \text{ (j) } z = \frac{v^2}{\overline{u} \cdot w} \text{ .}$$

8,0

64. Aufgabe:

Die folgenden komplexen Zahlen wandle man in die Form z = x + iy mit $x,y \in \mathbb{R}$ um:

$$\ddot{\mathbf{U}}$$
 (a) $z = (2 + \sqrt{3} i) \cdot (3 - \sqrt{2} i)$, $\ddot{\mathbf{U}}$ (b) $z = (3 + 2\sqrt{2} i) \cdot (3 - 2\sqrt{2} i)$,

$$\ddot{\mathbf{U}}$$
 (c) $z = (a+bi) \cdot (2a+bi)$, \mathbf{H} (d) $z = (c-\sqrt{d}i) \cdot (-c-2\sqrt{d}i)$,

$$\ddot{\mathbf{U}} \text{ (e)} \quad z = \frac{56 + 33i}{12 - 5i} \text{ , } \quad \ddot{\mathbf{U}} \text{ (f)} \quad z = \frac{1 - 20\sqrt{5}i}{7 - 2\sqrt{5}i} \text{ , } \quad \mathbf{H} \text{ (g)} \quad z = \frac{63 + 16i}{4 + 3i} \text{ ,}$$

$$\ddot{\mathbf{U}} \text{ (h)} \quad z = \frac{\sqrt{a} + \sqrt{b} \ i}{\sqrt{a} - \sqrt{b} \ i} - \frac{\sqrt{b} + \sqrt{a} \ i}{\sqrt{b} - \sqrt{a} \ i} \ , \quad \mathbf{H} \text{ (j)} \quad z = \frac{3a + 4b \ i}{4a - 3b \ i} + \frac{4a - 3b \ i}{4a + 3b \ i} \ .$$

8,0