

## 12. Übung Algebra I

### 1. Aufgabe

Beweist oder widerlegt: Wenn  $R$  ein noetherscher Ring ist und  $\phi : R \rightarrow R$  ein Epimorphismus, so ist  $\phi$  injektiv.

(7 Punkte)

### 2. Aufgabe

Sei  $R$  ein kommutativer Ring und seien  $A$  und  $B$  zwei verschiedene maximale Ideale. Zeigt, dass dann  $AB = A \cap B$  gilt.

(6 Punkte)

### 3. Aufgabe

Es sei  $R$  ein faktorieller Ring. Zeigt folgenden Aussagen:

- (a) Jedes  $x \in R \setminus \{0\}$  ist nur in endlich vielen Hauptidealen von  $R$  enthalten.
- (b) Jede aufsteigende Kette von Hauptidealen wird stationär.

(7 Punkte)