

StR.i.HD. Albrecht Gündel-vom Hofe

**6. Aufgabenblatt zur
 „Mathematik I für die Beruflichen Fachrichtungen“**
 (Abgabe der Hausaufgaben: 06.12. / 08.12.2016 in den Tutorien)

14. Aufgabe:

Durch eventuell mehrfache Anwendung des 3. Binoms beseitigt man die Wurzel im Nenner der folgenden Brüche und vereinfacht anschließend so weit wie möglich:

$$\begin{aligned} \text{Ü (a)} \quad & \frac{3+\sqrt{5}}{3-\sqrt{5}}, & \text{Ü (b)} \quad & \frac{3+\sqrt{6}}{\sqrt{3+\sqrt{2}}}, & \text{H (c)} \quad & \frac{3(\sqrt{5}-\sqrt{8})}{\sqrt{8+\sqrt{5}}}, \\ \text{Ü (d)} \quad & \frac{1+\sqrt{2}+\sqrt{3}}{1+\sqrt{2}-\sqrt{3}}, & \text{Ü (e)} \quad & \frac{1+\sqrt{2}-\sqrt{3}}{1+\sqrt{2}+\sqrt{3}}, & \text{H (f)} \quad & \frac{2-\sqrt{3}+\sqrt{7}}{2-\sqrt{3}-\sqrt{7}}. \end{aligned}$$

	7,0
--	-----

15. Aufgabe:

Vereinfachen Sie unter Anwendung der Rechenregeln für Wurzeln folgende Produkte bzw. Quotienten so weit wie möglich:

$$\begin{aligned} \text{Ü (a)} \quad & \sqrt[3]{9} \cdot \sqrt[3]{3}, & \text{Ü (b)} \quad & \sqrt[5]{8} \cdot \sqrt[5]{4}, & \text{Ü (c)} \quad & \sqrt[3]{5} \cdot \sqrt[3]{25}, & \text{Ü (d)} \quad & \sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[3]{2}, & \text{H (e)} \quad & \sqrt[3]{18} \cdot \sqrt[3]{6}, \\ \text{Ü (f)} \quad & \sqrt{6ab} \cdot (5 \cdot \sqrt{2a} - \sqrt{3b}), & \text{H (g)} \quad & \sqrt{2xy} \cdot (\sqrt{14x} - 2\sqrt{10y}), \\ \text{Ü (h)} \quad & \frac{\sqrt{72}}{\sqrt{75}}, & \text{Ü (i)} \quad & \frac{\sqrt{96y^3}}{\sqrt{3y}}, & \text{Ü (j)} \quad & \frac{\sqrt[3]{16a^5b^2}}{\sqrt[3]{2a^2b^2}}, & \text{Ü (k)} \quad & \frac{\sqrt[3]{192u^2w^8}}{\sqrt[3]{2u^5w^2}}, \\ \text{H (l)} \quad & \frac{\sqrt{90x^5}}{\sqrt{2x}}, & \text{H (m)} \quad & \frac{\sqrt{363x^4y^9}}{\sqrt{3x^7y}}. \end{aligned}$$

	8,0
--	-----

16. Aufgabe:

(i) Vereinfachen Sie die folgenden Terme durch Anwendung der Potenzgesetze für ganzzahlige bzw. rationale (Wurzeln) Exponenten so weit wie möglich:

$$\text{Ü (a)} \quad \sqrt[4]{a^2} \cdot \sqrt[3]{a^2}, \quad \text{Ü (b)} \quad \sqrt[3]{\sqrt{a^6} \cdot b^8}, \quad \text{Ü (c)} \quad a^{2n-1} \sqrt[4]{a^{4n^2-1}}, \quad \text{H (d)} \quad \sqrt[3]{\sqrt{a^6} \cdot b^{12}}.$$

(ii) Berechnen Sie die folgenden „Superpotenzen“ unter Beachtung der Prioritäten:

$$\text{Ü (e)} \quad 2^{\sqrt{3}^4}, \quad \text{Ü (f)} \quad \sqrt[3]{2}^{3^3}, \quad \text{H (g)} \quad \sqrt[3]{2}^{\sqrt{3}^4}.$$

	6,0
--	-----