## 2. Übung zur Vorlesung: Algorithmische Geometrie (KG II)

Felsner/ Heldt 22. Oktober

Abgabe: 30. Oktober

- (1) Gegeben ist eine n-elementige Punktmenge P in der Ebene und ein weiterer Punkt q mit  $q \in \text{conv}(P)$ . Zeige das es drei Punkte  $p_1, p_2, p_3 \in P$  gibt  $q \in \text{conv}(p_1, p_2, p_3)$ .
- (2) Sind  $p_1, p_2$  und  $p_3$  kolineare Punkte in der Ebene und  $p_4$  ein weiterer, nicht kolinearer Punkt. Verwende das cco-Prädikat um zu ermitteln, ob  $p_3$  auf der Strecke zwischen  $p_1$  und  $p_2$  liegt. Ist dies auch ohne  $p_4$  und nur mit cco möglich?
- (3) Seien  $n \geq 5$  Punkte in der Ebene gegeben. Von diesen werden zufällig vier ausgewählt. Beweise

$$\operatorname{Prob}(p_1 \in \operatorname{conv}(p_2, p_3, p_4)) \le \frac{1}{5},$$

wobei  $p_1, p_2, p_3, p_4$  die vier ausgewählten Punkte sind. (Zeige dazu zunächst, dass jede 5 elementige Punktmenge mindestens ein konvexes Viereck enthält.)

- (4) Beweise die in der Vorlesung angegebene Laufzeit für den Algorithmus von Chan.
- (5) Erstelle Implementierungen der Interfaces Point und KonvexHull in Java. Diese sind unten angegeben und lassen sich auch auf der Vorlesungshomepage finden. Verwende dabei möglichst effiziente Algorithmen.

```
import java.util.*;

public interface Point {
    public boolean cco(Point a, Point b);
}

public interface KonvexHull {
    public void setPoints(List<Point> L);
    public List<Point> getHull();
    public List<Point> getPoints();
    public KonvexHull merge(KonvexHull A);
}
```